

Hinweis

Die vorliegende Lösung wurde im Rahmen der jeweiligen Lehrveranstaltung an der Universität Bonn erstellt. Sofern im oberen Teil der ersten Seite oder auf der unten angegebenen Webseite nicht anders vermerkt, wurde diese Lösung von mir, Marvin Zanke, alleine angefertigt und eingereicht. Bei allem in einer anderen Farbe als dem üblichen Blau handelt es sich in der Regel um Korrekturen von mir oder des Tutors. Für mehr Informationen und meine gesamten Unterlagen, siehe:

<https://www.physics-and-stuff.com/>

Ich erhebe keinen Anspruch auf Richtigkeit und Vollständigkeit der vorliegenden Lösungen! Dies gilt ebenso für obengenannte Korrekturen.

Dieses Werk von [Marvin Zanke](#) ist lizenziert unter einer [Creative Commons Namensnennung – Nicht-kommerziell – Weitergabe unter gleichen Bedingungen 4.0 International Lizenz](#).

1a)

Bernoulli: $p_0 + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho g h = \text{const}$ ✓

(2/5)

$\rightarrow \frac{1}{2} \rho_{\text{Luft}} v^2 = \rho_{\text{Hg}} g h$

Achtung: Beachte die unterschiedlichen Gichtdichten bei A_1 & A_2

Da $h = 20 \text{ mm} = 2 \text{ cm} = 0,02 \text{ m}$, folgt das die

Differenz $\Delta h = 0,01 \text{ m}$ ist, da ein Fallen des Spiegels auf einer Seite gleichzeitig zum Anstieg auf der anderen führt.

$\Rightarrow v = \sqrt{2 \frac{\rho_{\text{Hg}}}{\rho_{\text{Luft}}} g h} = 43,577 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

b) Nein, diese müssen nicht beachtet werden, da in dem Rohr ein eigener Druck herrscht. ^{Wieso?} Selbst wenn dieser durch p_0 das System beeinflusst, so wirkt er sowohl im oberen als auch im unteren Teil des Rohrs.

aber S_{11} & S_{22} werden nicht i.A. unterschiedlich ändern

2) a) $E_{\text{kin}} = E_{\text{pot}}$

(8/9)

$\frac{1}{2} m v^2 = \int_r^{\infty} G \frac{mM}{r^2}$

$\Leftrightarrow \frac{1}{2} m v^2 = \left[-G \frac{mM}{r} \right]_r^{\infty} \Leftrightarrow \frac{1}{2} m v^2 = G \frac{mM}{r}$

$\Rightarrow v = \sqrt{\frac{2GM}{r}}$ ✓

$v_{\text{Mars}} = 4803 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ ✓

$v_{\text{Jupiter}} = 59606 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ ✓

$T_{\text{K}}(0^\circ\text{C}) = 273,15 \text{ K}$

b) Vorkennung: $v_{\text{m}} = \sqrt{\frac{3kT}{m}}$ ✓

$\text{H}_2\text{O} \hat{=} 18 \text{ u} = 2,988 \cdot 10^{-26} \text{ kg}$
 $\Rightarrow v = 615,19 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

$\text{O}_2 \hat{=} 32 \text{ u} \Rightarrow \langle v^2 \rangle = 461,39 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

$\text{CO}_2 \hat{=} 44 \text{ u} \Rightarrow \langle v^2 \rangle = 393,48 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

c)

$v_{\text{H}_2\text{O}} = 395,95 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

$v_{\text{O}_2} = 296,96 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

$v_{\text{CO}_2} = 253,25 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ ✓

Da keine dieser ~~Temperaturen~~ Geschwindigkeiten größer gleich $\frac{1}{6}$ der Fluchtgeschwindigkeit ist, bleiben alle Gase in der Atmosphäre ✓

$$3) a) V(T) = V(T_0) (1 + \gamma \Delta T)$$

$$r_k = 0,005 \text{ m} \quad r_r = 0,00025 \text{ m} \quad \Delta T = 100 \text{ K}$$

$$V_k = \frac{4}{3} \pi r_k^3 = V_0 = 5,24 \cdot 10^{-7} \text{ m}^3$$

$$V(100^\circ\text{C}) = V(0^\circ\text{C}) (1 + \gamma \cdot 100 \text{ K}) = 5,33 \cdot 10^{-7} \text{ m}^3$$

$$\Delta V = V_{100} - V_0 = 9,432 \cdot 10^{-9} \text{ m}^3$$

$$V_r = r_r^2 \pi h \Leftrightarrow h = \frac{V_r}{r_r^2 \pi} = 0,048 \text{ m} = 4,8 \cdot 10^{-2} \text{ m} \quad \checkmark$$

$$b) L_1(T) = L_1(T_0) (1 + \alpha \Delta T)$$

$$= 0,01 \text{ m} (1 + \alpha \Delta T)$$

$$= 0,0100056 \text{ m}$$

$$\rightarrow r_k' = 5,0028 \cdot 10^{-3} \text{ m}$$

$$V_k' = 5,245 \cdot 10^{-7} \text{ m}^3$$

$$L_2(T) = L_2(T_0) (1 + \alpha \Delta T)$$

$$= 0,0005 \text{ m} (1 + \alpha \Delta T)$$

$$= 5,0028 \cdot 10^{-4} \text{ m}$$

$$r_r' = 2,5014 \cdot 10^{-4} \text{ m}$$

~~NA~~

$$V_{100} - V_k' = V_r' = 8,5 \cdot 10^{-9} = \Delta V$$

$$\Rightarrow \frac{V_r'}{r_r'^2 \pi} = h' = 0,043242 \text{ m, also kann anders.} \quad \checkmark$$

$$4) a) p \cdot V = N \cdot k_B T = n R T \Leftrightarrow n = \frac{p \cdot V}{R T}, \quad p = 950 \text{ mbar} = 95000 \text{ Pa}$$

$$\Rightarrow n_T = 19196,7 \text{ mol}$$

$$n_N = 20203,7 \text{ mol}$$

$$\frac{14}{2} N \Rightarrow 14$$

$$\frac{16}{80} O \Rightarrow 16$$

$$\Delta n = n_N - n_T = 1017 \text{ mol} \quad \checkmark$$

$$80\% N_2 \Rightarrow 813,6 \text{ mol}$$

$$20\% O_2 \Rightarrow 203,4 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow 2 \cdot \left(14 \frac{\text{g}}{\text{mol}} \cdot 813,6 \text{ mol} + 16 \frac{\text{g}}{\text{mol}} \cdot 203,4 \text{ mol} \right) = 14644,8 \text{ g}$$

$$= 14,6 \text{ kg}$$

$$\Rightarrow 72\%$$

$$b) \Delta p \cdot V = n \cdot R \cdot \Delta T \Leftrightarrow \Delta p = \frac{n \cdot R \cdot \Delta T}{V}$$

$$\Delta p = 4783 \text{ Pa} = 4783 \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$

$$\Rightarrow F = p \cdot A = 4783 \text{ N}$$

✓

3/4

$$a) \frac{F}{A} = \sigma \Leftrightarrow F = \sigma \cdot A = A \cdot \frac{\Delta L}{L} \cdot E$$

$$\text{mit } \alpha \Delta T = \frac{\Delta L}{L}$$

$$\Rightarrow F = A \cdot E \cdot \alpha \cdot \Delta T \quad \checkmark$$

$$A = (0,75 \cdot 10^{-2} \text{ m})^2 \pi \quad E = 21,5 \cdot 10^{10} \text{ Pa}$$

$$\alpha = 11 \cdot 10^{-6} \frac{1}{\text{K}}, \quad \Delta T = 80 \text{ K}$$

$$\Rightarrow F = 33434,4 \text{ N} \quad \checkmark$$

$$b) \sigma_b = \frac{F}{A} = 1,0 \cdot 10^9 \text{ Pa} \quad \checkmark$$

$$\Leftrightarrow F = \sigma_b \cdot A = 176714,6 \text{ N}$$

Näm, die Kraft reicht zum Zerrulßen
nicht aus. ✓

2/8

$$a) f(v) = \sqrt{\frac{2}{\pi}} \left(\frac{m}{kT}\right)^{3/2} v^2 e^{-\frac{mv^2}{2kT}}$$

$$\frac{\partial f}{\partial v} = \sqrt{\frac{2}{\pi}} \left(\frac{m}{kT}\right)^{3/2} \left[2v e^{-\frac{mv^2}{2kT}} + -\frac{2mv}{2kT} v^2 e^{-\frac{mv^2}{2kT}} \right]$$

$$= \left(2v e^{-\frac{mv^2}{2kT}} - \frac{mv^3}{kT} e^{-\frac{mv^2}{2kT}} \right) \sqrt{\frac{2}{\pi}} \left(\frac{m}{kT}\right)^{3/2} \stackrel{!}{=} 0$$

$$\Leftrightarrow 2v e^{-\frac{mv^2}{2kT}} = \frac{mv^3}{kT} e^{-\frac{mv^2}{2kT}} \Leftrightarrow 2v = \frac{mv^3}{kT}$$

$$\Leftrightarrow 2kT = mv^2 \Leftrightarrow v = \sqrt{\frac{2kT}{m}} \quad \checkmark$$

$$b) \langle v \rangle = \frac{1}{f(v)} \int v f(v) dv$$