

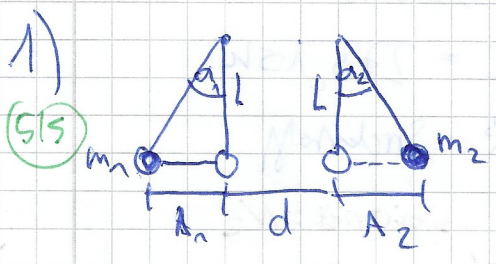
## Hinweis

Die vorliegende Lösung wurde im Rahmen der jeweiligen Lehrveranstaltung an der Universität Bonn erstellt. Sofern im oberen Teil der ersten Seite oder auf der unten angegebenen Webseite nicht anders vermerkt, wurde diese Lösung von mir, Marvin Zanke, alleine angefertigt und eingereicht. Bei allem in einer anderen Farbe als dem üblichen Blau handelt es sich in der Regel um Korrekturen von mir oder des Tutors. Für mehr Informationen und meine gesamten Unterlagen, siehe:

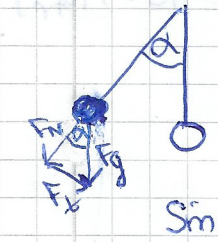
<https://www.physics-and-stuff.com/>

**Ich erhebe keinen Anspruch auf Richtigkeit und Vollständigkeit der vorliegenden Lösungen! Dies gilt ebenso für obengenannte Korrekturen.**

Dieses Werk von [Marvin Zanke](#) ist lizenziert unter einer [Creative Commons Namensnennung – Nicht-kommerziell – Weitergabe unter gleichen Bedingungen 4.0 International Lizenz](#).



$L = 2\text{m}$     $d = 0,2\text{m}$   
 $m_1 = 1 \cdot 10^{-3}\text{kg}$     $m_2 = 0,5 \cdot 10^{-3}\text{kg}$   
 $q_1 = 1,5 \cdot 10^{-8}\text{C}$     $q_2 = 1,5 \cdot 10^{-8}\text{C}$



$d \gg A_1$  und  $d \gg A_2$  - Wofür ist  $\sin \alpha \approx$  ??

$\sin(\alpha_1) = \frac{A_1}{L}$    und    $\sin(\alpha_2) = \frac{A_2}{L}$    in guter Näherung

$\Rightarrow A_1 = L \sin(\alpha_1)$  ,    $A_2 = L \sin(\alpha_2)$

Gleichgewicht im "höchsten" Punkt:  $F_t = F_c$

mit  $F_t = F_g \cdot \sin \alpha$  ✓ und  $F_c = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{(d+A)^2}$  ✓  $\approx \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{d^2}$

$F_t = F_c \Rightarrow F_g \sin \alpha = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{d^2}$   
 $\Rightarrow \sin(\alpha) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{d^2} \cdot \frac{1}{mg}$

$\Rightarrow \alpha = \sin^{-1} \left( \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{d^2} \cdot \frac{1}{mg} \right)$

$\Rightarrow A_1 = L \cdot \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{d^2} \cdot \frac{1}{mg} \approx 0,0103\text{m}$

$A_2 = L \cdot \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{d^2} \cdot \frac{1}{mg} \approx 0,0206\text{m}$  ✓ gut!

$\frac{F_c}{F_g} = \frac{\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r^2}}{g \cdot \frac{m_1 m_2}{r^2}} = \frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon_0 \cdot g \cdot m_1 m_2}$  ✓

mit  $m_p = 1,67 \cdot 10^{-27}\text{kg}$   
 $m_e = 9,11 \cdot 10^{-31}\text{kg}$

$q_e = q_p = 1,602 \cdot 10^{-19}\text{C}$  folgt für  $\frac{F_c}{F_g} = 2,172 \cdot 10^{39}$  ✓

unabhängig vom Abstand  
 (bitte nicht!)



3)  $p \cdot V = nRT = NkT$ ,  $p = 101325 \text{ Pa}$   
 $T = 0^\circ\text{C} = 273,15 \text{ K}$   
 $V = 1 \text{ m}^3$  Stickstoff

$\Rightarrow N = \frac{pV}{kT} = 2,687 \cdot 10^{25}$  Teilchen Stoffmenge =  $N_2$

$|q_e| = (1 \pm 10^{-9}) |q_p|$  Pro Teilchen:  $2(7|q_p| - 7(1 \pm 10^{-9})|q_p|)$

$\Rightarrow 7 \cdot 10^{-9} |q_p|$

$\Rightarrow \Delta Q = N \cdot 7 \cdot 10^{-9} |q_p| = 0,03 \text{ C (v)}$

4)  $a = 0,1 \text{ m}$  (2/3)  
 $E_{\text{pot}} = \int_{\infty}^r \vec{F}_{\text{el}} \cdot d\vec{r} = + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r}$  für 2 Ladungen ✓

Da  $q_1 = q_2 = q_3 = q_4 = 1 \mu\text{C}$


$E_{\text{pot}, q_1} = E_{\text{pot}, q_2} = \dots = E_{\text{pot}, q_4} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot q^2 \left( \frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2} + \frac{1}{r_3} \right)$

wegen der Symmetrie des Aufbaus.  $\frac{1}{0,1} + \frac{1}{0,1} + \frac{1}{\sqrt{2} \cdot 0,1}$

Damit folgt für  $E_{\text{pot}, q} = 0,2433 \text{ J}$  pro Punktladung Or heißt das höherwert  
~~und  $E_{\text{pot}} = 4 \cdot 0,2433 \text{ J}$ ?~~ Das stimmt nicht ganz...

b) (3/3)  
 Resultierende Kraft durch  $q_2$  und  $q_4$  auf  $q_1$   
 $\sin(45^\circ) = \frac{F_{q_2}}{F_R} = \frac{F_{q_4}}{F_R} \Leftrightarrow F_R = \frac{F_{q_2}}{\sin(45^\circ)} = \frac{F_{q_4}}{\sin(45^\circ)}$   
 $= \frac{2}{\sqrt{2}} \cdot \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{a^2} = 1,271 \text{ N}$

$F_{\text{Ges}} = F_R + F_{q_3} = 1,271 \text{ N} + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_3}{(\sqrt{2}a)^2} = 1,271 \text{ N} + 0,4494 \text{ N} = 1,7204 \text{ N}$

5)  $q_1 = q_2$    $F_{e1} = F_{e2} \Leftrightarrow \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_1}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_2 q_2}{(d-r)^2}$

a) (6/6)  $\Leftrightarrow r^2 = (d-r)^2 \Leftrightarrow r^2 = d^2 + r^2 - 2dr \Leftrightarrow r = d/2$  ✓

$q_2 = 4q_1$   $\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_1}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{4q_1 q_1}{(d-r)^2} \Leftrightarrow \frac{1}{r^2} = \frac{4}{(d-r)^2}$

$\Leftrightarrow 4r^2 = (d-r)^2 \Leftrightarrow 4r^2 = d^2 + r^2 - 2dr \Leftrightarrow r^2 + \frac{2}{3}dr - \frac{d^2}{3} = 0$

$-\frac{2}{6}d \pm \sqrt{\frac{4}{36}d^2 + \frac{d^2}{3}} = -\frac{2}{6}d \pm \sqrt{\frac{16}{36}d^2} = -\frac{2}{6}d \pm \frac{4}{6}d \Rightarrow \begin{matrix} r_1 = 1/3d \\ r_2 = -d \end{matrix}$  ✓

